

# SEMINARIO DE ÁLGEBRA - GRUPO ALCOM

## ESCUELA DE MATEMÁTICAS

### FACULTAD DE CIENCIAS



## Equivalencia de Morita en productos cruzados

ANDRES CAÑAS PÉREZ<sup>a</sup>

27/04/2017- CT 310; 4:00 p.m

---

<sup>a</sup>E-mail address: [address090.0@gmail.com](mailto:address090.0@gmail.com)

## Resumen

Un contexto de Morita es una sextupla compuesta por  $R$  y  $R'$  anillos,  $M$  un  $R - R'$ -bimódulo,  $M'$  un  $R' - R$ -bimódulo, y  $\tau : M \otimes_R M' \rightarrow R$  y  $\tau' : M' \otimes_{R'} M \rightarrow R'$  homomorfismos de  $R$ -bimódulos y  $R'$ -bimódulos respectivamente, que cumplen una cierta propiedad. Dado un contexto de Morita, si  $\tau$  y  $\tau'$  son sobreyectivas, por los resultados fundamentales de la teoría de Morita, las categorías de  $R$ -módulos y  $R'$ -módulos son equivalentes y diremos que  $R$  y  $R'$  son Morita equivalentes. Si  $R$  y  $R'$  son Morita equivalentes, diremos que una propiedad  $\mathcal{P}$  es Morita invariante, si cuando  $R$  cumple esta propiedad,  $R'$  a su vez cumple la propiedad  $\mathcal{P}$ . Algunas de estas propiedades Morita invariantes son, por ejemplo, "semisimplez" "Noetherianos a la derecha".

Ahora, dadas una acción parcial  $\alpha$  de un grupo  $G$  sobre una álgebra unitaria  $A$  y su globalización  $(B, \beta)$ , vamos a dar un contexto de Morita explícito para los anillos productos cruzados  $A \rtimes_{\alpha} G$  y  $B \rtimes_{\beta} G$ , cuyos homomorfismos  $\tau$  y  $\tau'$  son sobreyectivos, y así mostramos que son Morita equivalentes.