

SEMINARIO DE ÁLGEBRA - GRUPO ALCOM

ESCUELA DE MATEMÁTICAS

FACULTAD DE CIENCIAS

Semigrupo de Picard



JHOAN SEBASTIÁN BÁEZ A.^{a b c}

25/08/2015 - SALA LEZAMA, LL 301; 2:00 p.m

^aÁreas de interés: Teoría de Grupos, Anillos & Módulos

^bOrientador - Prof. Hector E. Pinedo Tapia

^cE-mail address: sebastianbaezzz@gmail.com

Resumen:

Sea R un anillo conmutativo y M un R -módulo proyectivo finitamente generado (por brevedad p.f.g). Para $\mathfrak{p} \in \text{Spec}(R)$, $M_{\mathfrak{p}} = M \otimes_R R_{\mathfrak{p}}$ es un $R_{\mathfrak{p}}$ -módulo libre, como R es conmutativo existe un único entero no negativo $n_{\mathfrak{p}}$ tal que $M_{\mathfrak{p}} \simeq R_{\mathfrak{p}}^{n_{\mathfrak{p}}}$ como $R_{\mathfrak{p}}$ -módulos.

Llamamos a $n_{\mathfrak{p}}$ el \mathfrak{p} -rango de M y lo denotamos $\text{rk}_{\mathfrak{p}}(M)$. Además, sea n un entero no negativo, llamamos a n el rango de M y lo escribimos $\text{rk}(M) = n$ si y solo si $\text{rk}_{\mathfrak{p}}(M) = n$ para todo $\mathfrak{p} \in \text{Spec}(R)$. Ahora, si P es un R -módulo p.f.g definimos:

$$[P] = \{Q \mid Q \simeq P \text{ como } R\text{-módulos}\}. \quad (1)$$

El Grupo de Picard de R ($\mathbf{Pic}(R), \cdot$) es el conjunto de las clases de isomorfismos de R -módulos p.f.g de rango 1 y producto:

$$[P] \cdot [P^*] = [P \otimes P^*] = [R] \quad (2)$$

A partir de estos definiremos el *Semigrupo de Picard*. Para esto daremos algunas definiciones importantes y resultados entorno al trabajo con módulos proyectivos y rango de un módulo proyectivo.

Bibliografía

- [1] M. F. ATIYAH & I. G. MACDONALD, *Introducción al álgebra Conmutativa*. Editorial Reverté (1980).
- [2] F. DEMEYER & E. INGRAHAM, *Separable algebras over commutative rings*. Berlin: Springer-Verlag (1971).
- [3] T. Y. LAM, *Lectures on Modules and Rings*. New York: Springer-Verlag (1999).
- [4] A. PAQUES, *Teoría de Galois sobre anillos conmutativos*. Universidad de los Andes, Mérida (1999).