

SEMINARIO DE ÁLGEBRA - GRUPO ALCOM ESCUELA DE MATEMÁTICAS FACULTAD DE CIENCIAS



Álgebras de Grupos que satisfacen una Idetidad Polinomial



GERSON LEONEL BARAJAS ÁVILA^{a b}

20/3/2018 - SALA LEZAMA, CT 313; 2:00 p.m

^aÁreas de interés: 'Algebras de Grupos, Identidades Polinomiales, Propiedades de Lie & Tópicos Relacionados

^bE-mail address: layonel112@gmail.com

Resumen:

Sea F un cuerpo y G un grupo (multiplicativo), se define el álgebra de grupo FG de un grupo G sobre un cuerpo F , como el conjunto de sumas formales

$$FG = \left\{ \sum_{g \in G} r_g g \mid r_g \in F \right\},$$

donde $r_g = 0$ casi siempre. FG tiene estructura de anillo con unidad bajo las siguientes operaciones:

$$(+)\quad \sum_{g \in G} r_g g + \sum_{g \in G} s_g g = \sum_{g \in G} (r_g + s_g)g,$$

$$(\cdot)\quad \left(\sum_{g \in G} r_g g \right) \left(\sum_{h \in G} s_h h \right) = \sum_{i \in G} t_i i, \text{ donde } t_i = \sum_{gh=i} (r_g s_h).$$

Sea $F[x_1, x_2, \dots]$ el anillo de polinomios sobre F en las variables no conmutativas x_1, x_2, \dots . Una álgebra E sobre F se dice que satisface una identidad polinomial si existe $f(x_1, x_2, \dots, x_n) \in F[x_1, x_2, \dots]$, con $f \neq 0$, tal que para todos $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$ en E , se tiene que $f(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n) = 0$.

El objetivo de esta charla es caracterizar las álgebras de grupo FG que satisfacen una identidad polinomial.

Bibliografía

- [1] PASSMAN, D. S. *Groups Rings Satisfying a Polinomial Identity*, Journal of Algebra. 20, 103 - 117, (1972).
- [2] PASSMAN, D. S. *Linear Identities in Groups Rings*, Pacific Journal of Mathematics. Vol. 36, No.2, (1971).
- [3] KAPLANSKI, I. *Groups with Representations of bounded degree*. J. Math. 1, 105 - 112, (1949).
- [4] POLCINO, C.; SEHGAL, S. *An introduction to group rings*. Dordrecht: Kluwer Academic Publishers. Algebras and Applications. (2002).